

用√符号选择一类	
教 学	√
科 研	
编号（由专家组填写）	

第十一届全国高校物理实验教学研讨会

本科学生物理实验论文评比表

学生姓名：沈玥

申报学校：复旦大学

联系方式：电话：18021006639

QQ：2483527338

E-mail: 17307110399@fudan.edu.cn

填表日期：2021 年 6 月 30 日

全国高校物理实验教学研讨会组委会制

二〇二〇年一月

学 生 作 者 及 发 表 有 关 物 理 实 验 论 文 情 况	姓名	沈玥	性别	女	出生年月	1998.10.08
	学校名称	复旦大学				
	入学时间	2017年9月		毕业时间	2021年6月	
	学号	17307110399				
	参评论文：	(题目. 杂志名称, 卷/期、页、年)				
		水中声速测量实验的模型修正. 物理实验, 40(08): 40-45+49, 2020				
		(注: 论文的第一作者必须为大学本科生, 且其论文研究工作是在本科生阶段完成的, 到现场答辩的为该论文的学生作者之一。)				
		论文作者情况 (按发表论文作者顺序列出):				
		姓名	身份	单位	作用/贡献	
		沈玥	本科生	复旦大学物理学系	第一作者	
	周诗韵	讲师	复旦大学物理学系	指导老师		
	简要介绍 (研究背景、问题、方法、创新点、学术及应用价值和引用情况等):					
	1. 研究背景及问题					
	<p>声速测量是大学物理实验的基本内容之一。通常采用共振干涉法测量超声波的波长, 乘以超声信号发生器的频率, 即可计算得到超声波在特定介质中的声速。该实验的基本原理为: 发射换能器发出的声波与其在接收换能器上反射的声波相干叠加, 当2个换能器间的距离等于半波长的整数倍时, 形成驻波, 接收换能器上声压波腹达到极大。</p> <p>这一实验对学生理解机械波的传播和叠加等知识有重要的作用。但仅考虑上述模型是较为简单的。当测量介质为空气时, 已有一些研究工作对实验中的复杂现象进行了讨论: 增大接收器与发射器的距离, 接收振幅的极大值单调减小, 这表明需要考虑发射声波的波形、传播过程中的损耗以及换能器性能的影响; 当接收器与发射器非常接近时, 原本相距半波长的2次驻波共振极大值之间, 出现振幅较小的“次极大”值。这一现象产生的原因可能与信号源频率</p>					

不纯导致“次频”共振，声波在探头间多次反射，以及换能器厚度带来的相位滞后有关。

同样的方法可以用来测量水中的声速。然而在水中，实验现象更为复杂，且接收声波的振幅变化规律与空气中不完全相同，出现了极大振幅的非线性变化。进一步地，考察接收声波的相位变化，发现了诸如李萨如图的多余直线等异常现象。这些现象说明，使用简单的驻波模型，或者直接沿用空气中的修正模型，都不足以描述现有的体系，需要考虑实际情况对理想化模型进行新的修正。

2. 主要内容

水中声速的实验装置如图 1 所示。在实验中发现，理想化模型并不能完全解释实验中观察到的现象，如图 2 (b) 所示。考虑水中声波衰减慢，实验水槽大小有限等条件，沿用空气中声波的多次反射模型，进一步考虑有限深水槽约束下声波在水-空气界面处反射波 Y_r 的影响，建立了更符合实际实验状况的水中声波的传播模型。

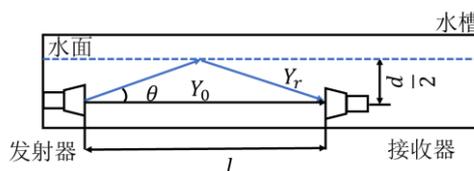


图 1 实验装置侧视图

在该模型中，接收振幅是由多种反射波在接收器上合成得到的有效振幅。利用 Mathematica 对该模型进行数值模拟，并改变发射器与接收器间的距离，计算接收波振幅随接收器移动距离 l 的关系，如图 2 (a) 所示。模拟结果不仅在再现了水中声速实验中接收声波振幅的非单调变化，更进一步地指出该振幅曲线的具体形状与水面高度有极大的联系。同时，模型说明了由于液面反射波 Y_r 引入了非线性变化的干扰相位，使接受波列的相位变化更为复杂，导致了相位比较法测量中的系统误差和李萨如图中的多余直线。模拟结果与实验结果相符，解释了水中声速测量实验中的诸多复杂的现象。

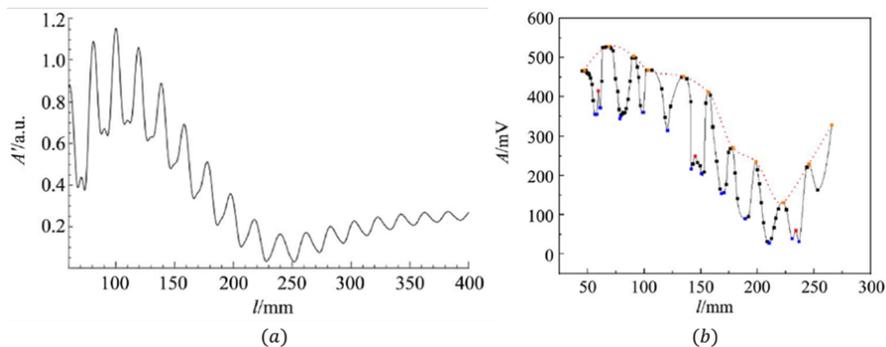


图 2 振幅相对强度与探头距离的关系：图 a 为理论模拟结果，图 b 为实验测量结果

	<p>3. 创新点及教学效果</p> <p>本文针对实际实验中测量水中声速的实验仪器情况，首次提出应考虑有限空间下介质界面反射波对实验结果的影响。在探究多种反射波在接收器上合成得到的有效振幅时，提出利用正弦波函数性质，通过在周期上平方积分归一的方式便捷地计算接收器实际接收到的合成波振幅。该方法允许自由调节环境参数，观察不同实验条件下的结果。基于模拟结果和实验对照，本文首次提出水面高度对共振干涉法的测量结果有极大影响。</p> <p>此外，本文的模拟结果说明反射波的引入使得接收波振幅掺入非线性项，造成了在相位比较法中测量的系统误差和李萨如图的异常。本文的模型是为水中声速测量实验中的诸多特殊现象提供的第一种尝试性的解释。</p> <p>对于教学中与预期不符的现象，本文展示了以此为契机，引导学生反思和创新的过程。</p> <p>4. 学术价值</p> <p>截至 2021 年 6 月 30 日，本文已在知网上被下载 172 次。</p>
--	---

	指导教师姓名	周诗韵	职称	讲师
指导教师评语	<p>对学生发表论文评语及论文情况说明：</p> <p>本文是沈玥同学为了解释她在一次物理实验课上观察到的反常现象而独立提出的研究课题。为了深入的讨论这个现象，她进行了非常细致的实验，获得了准确的实验数据，并考虑水介质的特殊环境，建立了更为合理的模型。该模型的数值模拟结果与实验结果相符。通过实验参数的改变，进一步说明该现象的出现与水面高度有较大的联系。此外，模型预测的实验现象也在实际实验中得到证实。因此，可以认为该优化模型较好的描述了水中声速测量的实验体系，解释了实验中复杂现象的成因。</p>			
	指导教师（签名）：	周诗韵	2021 年 6 月 30 日	

学校
推荐
意见

同意参评



负责人（签名）：

[Handwritten signature]

年 月 日

大会
学术
组专
家意
见

专家组组长（签名）：

年 月 日

评
比
结
果

理事长（签名）

年 月 日

文章编号:1005-4642(2020)08-0040-06

学
生
园
地



水中声速测量实验的模型修正

沈 玥,周诗韵

(复旦大学 物理学系,上海 200433)

摘 要:在共振干涉法和相位比较法测量介质的声速实验中,通常的实验模型是考虑发射声波与在接收换能器上反射的声波进行叠加,在特定条件下形成驻波.然而在水中的声速测量中,实验现象与该模型不完全相符.考虑声波在发射和接收换能器间的多次反射,同时叠加声波在水-空气界面反射的影响,提出了修正模型并进行 Mathematica 仿真.结果表明液面高度对实验现象有较大影响.

关键词:声速测量;驻波;共振干涉法;相位比较法;声波反射

中图分类号:O422.1

文献标识码:A

DOI:10.19655/j.cnki.1005-4642.2020.08.008

声速测量是大学物理实验的基本内容之一^[1],通常采用共振干涉法和相位比较法测量超声波的波长,乘以超声信号发生器的频率,即可计算得到超声波在特定介质中的声速.该实验的基本原理为:发射换能器发出的声波与其在接收换能器上反射的声波相干叠加,当 2 个换能器间的距离等于半波长 $\lambda/2$ 的整数倍时,形成驻波,接收换能器上声压波腹达到极大^[2].当测量介质为空气时,增大接收器与发射器的距离,接收振幅的极大值单调减小,这表明需要考虑发射声波的波形、传播过程中的损耗以及换能器性能的影响^[3-6];当接收器与发射器非常接近时,原本相距 $\lambda/2$ 的 2 次驻波共振极大值之间,出现振幅较小的“次极大”值.这一现象产生的原因可能与信号源频率不纯导致“次频”共振^[7-9],声波在探头间多次反射^[10-11],以及换能器厚度带来的相位滞后^[12]有关.同样的方法可以用来测量水中的声速,例如研究声速与水溶液中介质浓度(如 NaCl)的依赖关系^[13].然而在水中,接收器的振幅及相位的变化规律与空气中不完全相同.

本文研究了水中声速测量实验中与原有模型不符的现象.在介质为水的实验条件下,沿用空气中声波的多次反射模型^[10-11],同时考虑声波在水-空气界面处反射的影响,建立了水中声波的传播模型.用 Mathematica 软件对模型进行数值模

拟,并讨论了液面高度对模拟结果的影响.模拟结果与实验结果相符.

1 实验现象与结果

1.1 实验原理和实验装置

从发射源发出的一定频率的平面波,经过空气传播到达接收器.若接收面与发射面严格平行,当两者距离为半波长 $\lambda/2$ 的整数倍时,入射波与反射波相干叠加形成稳定的驻波.实验上,连续移动接收换能器,记录每次接收振幅极大或李萨如图呈直线时接收换能器的位置,即可通过线性拟合计算出超声波的波长 λ . 声波波速 v 可表示为

$$v = \nu \lambda, \quad (1)$$

在已知超声波频率 ν 的情况下,即可计算出波速.

使用杭州大华仪器制造有限公司生产的 SV-DH-7A 声速测定仪进行实验,通过配套的 SUX-6 型信号发生器对发射换能器输入频率 ν 为 37.850 kHz 的正弦信号.用固纬公司生产的双通道 DS-1102A-U 型示波器同时观察输入信号和接收换能器上获取的信号.声速测定仪放置于 45.3 cm × 14.0 cm × 12.4 cm 的水槽内.为考量水-空气界面对实验的影响,选择液面较低(水面距换能器中轴线 35.0 mm)和液面较高(水面距换能器中轴线为 61.0 mm)的 2 种情况进行测量.

收稿日期:2020-04-03

作者简介:沈 玥(1998-),女,江苏无锡人,复旦大学物理学系 2017 级本科生.

通讯作者:周诗韵(1987-),女,湖北武汉人,复旦大学物理学系讲师,博士,从事物理实验教学及其科研工作. E-mail:zhoushiyun@fudan.edu.cn

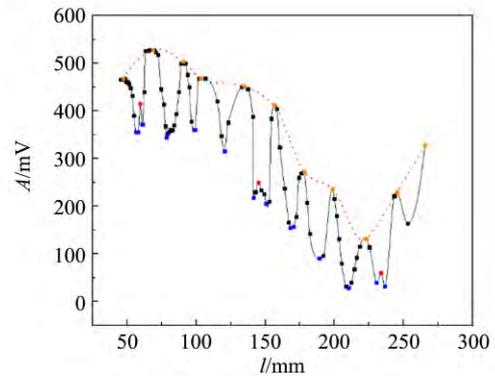


1.2 异常现象

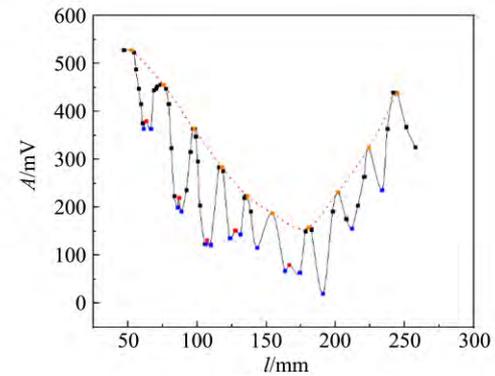
在水中声速的测量实验中,学生在处理实验数据时,通常以出现驻波时的探头间距离为 y 轴,数据的序号为 x 轴进行线性拟合,斜率即为半波长 $\lambda/2$. 共振干涉法和相位比较法的拟合优度 R^2 通常可达 0.996,计算得到声速的测量值与标准值的相对偏差小于 3%. 在实验中,学生观察到与理论预期不一致的“异常”现象,包括:

共振干涉法中,接收波振幅随 2 个换能器间距的变化情况如图 1 所示. 由于接收换能器增益可调,主要关注振幅的相对变化. 其中橙色点代表振幅主极大值,蓝色点表示振幅极小值. 由于示波器精度的限制,在一定范围内移动接收换能器,接收波振幅的变化都很小,图 1 给出了更多的数据点来描述主极大附近的振幅情况. 可以看到,共振干涉法的测量不确定度较大. 随着 2 个换能器距离的增加,接收振幅的主极大值并非单调减小,这与空气中的情况不同^[5-6]. 图 1 中红色虚线表示振幅主极大的包络线,可以发现其谷值所对应的换能器距离与液面高度有关. 液面较低时,包络线在探头相距 75 mm 左右达到峰值,而在探头相距 223 mm 左右达到谷值. 增加液面高度,则包络线在探头相距 180 mm 左右达到谷值. 此外,也观察到了振幅“次极大”的现象,如图 1 中的红点所示. “次极大”现象在空气中也有发现,但是仅出现在换能器的间距小于 50 mm 处^[10]. 而在水中,换能器间距大于 230 mm,这一现象仍然存在.

相位比较法中,连续移动接收换能器并记录李萨如图呈直线时的位置. 对数据点进行线性拟合并观察其残差图. 如图 2 所示,残差图表现出二次曲线特征. 当液面较低时,残差图上凸,表明在水槽中部(约处 160~200 mm),每次需要移动换能器超过 $\lambda/2$ 的距离,才能观察到李萨如图出现 1 次直线. 当液面较高时,残差图下凹,即在水槽中部每次只需移动小于 $\lambda/2$ 的距离,就能观察到李萨如图出现一次直线. 实验中,相位比较法测得的数据点一般具有 0.5 mm 的不确定度,约是残差偏离范围的 1/10,因此可以认为该实验方法具有系统误差. 需要说明的是,在共振干涉法中,主极大的位置不确定度为 2~5 mm,如图 1 所示,而拟合残差图的偏离范围也在 ± 5 mm 之间,因此不对共振法的残差图做分析.

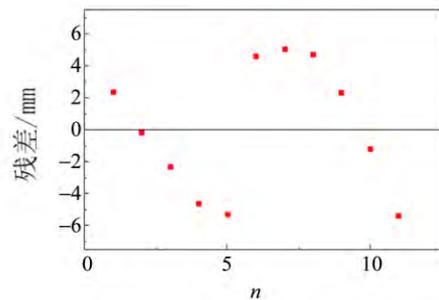


(a) 液面较低

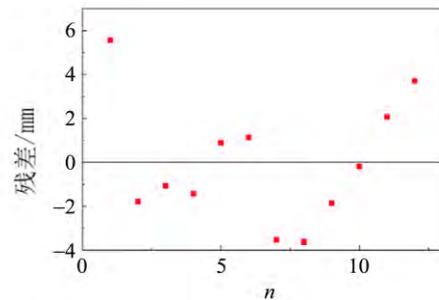


(b) 液面较高

图 1 实验中测得接收振幅与接收器移动距离的关系



(a) 液面较低



(b) 液面较高

图 2 相位比较法实验残差图

2 模型建立

2.1 多次反射模型

图 3 给出了实验装置的示意图. 以发射器为原点建立坐标系, 考虑声波的衰减, 发射器发射的初始声波在 t 时刻被相距为 l 的接收器接收, 则到达接收器时的初始声波为

$$Y_0(t, l) = \exp(-\alpha l) A \cos\left(\omega t - 2\pi \frac{l}{\lambda} + \varphi_0\right), \quad (2)$$

其中, α 为声波在介质中传时的衰减系数, A 为超声波振幅, ω 为角频率, λ 为波长, φ_0 为初始相位.

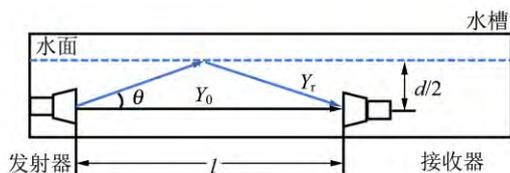


图 3 实验装置侧视示意图

考虑声波在换能器之间的多次反射. 假定 $Y_{n+1}(t, l)$ 是 $Y_n(t, l)$ 的反射波, 当 n 为奇数时, 超声波自接收器传播到发射器, 而 n 为偶数时, 自发射器传播到接收器. 接收器只能接收到所有下标为偶数的波列. 考虑声波在介质中的指数衰减, 当探头相距较大时, Y_6 及其之后的反射波可被忽略, 则接收声波可以表示为

$$Y'(t, l) = \sum_{k=0}^{\infty} Y_{2k}(t, l), \quad (3)$$

其中 $Y_{2k}(t, l)$ 为

$$Y_{2k}(t, l) = \gamma^{2k} \exp[-\alpha(2k+1)l] \cdot A \cos\left[\omega t - 2\pi \frac{(2k+1)l}{\lambda} + \varphi_0\right]. \quad (4)$$

在水中, 声波波长变长, 衰减系数变小, 因此即便距离较远, 声波在发射器与接收器之间多次反射的影响依旧不可忽略, 多列反射波叠加造成了实验中观察到的次极大现象. 温度为 26.0°C , 大气压条件下, 水中的声速为 1498.3 m/s ^[14], 实验中所用声波频率为 37.850 kHz , 则声波的波长为 $3.9600 \times 10^{-2}\text{ m}$, 为方便计算取 $\lambda = 4.0000 \times 10^{-2}\text{ m}$; 换能器界面由铝制成, 正入射时声压反射系数 γ 与界面两边介质的声阻抗 Z_1 和 Z_2 满足

$$\gamma = \frac{Z_2 - Z_1}{Z_2 + Z_1}, \quad (5)$$

水的声阻抗为 $1.48 \times 10^6\text{ kg}/(\text{m}^2 \cdot \text{s})$, 铝的声阻抗为 $17.3 \times 10^6\text{ kg}/(\text{m}^2 \cdot \text{s})$ ^[13], 计算可得水换

能器界面处的声压反射系数 $\gamma = 0.842$. 声波衰减系数 α 通常为 $\frac{1}{5\lambda} \sim \frac{1}{10\lambda}$ ^[5], 这里取 $\alpha = 2.7\text{ m}^{-1}$. φ_0 是 $t=0, l=0$ 时声波的初始相位, 这里设为 0, 并不影响振幅大小. 不妨设超声波的振幅 $A=1$, 讨论接收器上振幅的相对强度随距离的变化.

这几列声波的频率是一致的, 在数学上可以证明 $Y'(t, l)$ 必可化简为 $A' \cos(\omega t + \Phi)$ 的形式, 实验中接收波振幅即为 $Y'(t, l)$ 的振幅 A' . 为消除时间的影响, 方便地得到 A' 的表达式, 使其只为距离 l 的函数, 可将 $Y'(t, l)$ 先平方, 对时间 t 做 1 个周期的积分, 再除以周期长度 T , 即

$$A'(l) = \sqrt{\frac{1}{T} \int_0^T Y'^2(t, l) dt}, \quad (6)$$

平方是为了防止三角函数在 t 轴上下震荡导致积分值为 0, 由此可利用 Mathematica 模拟接收波振幅随接收器移动距离的关系如图 4 所示.

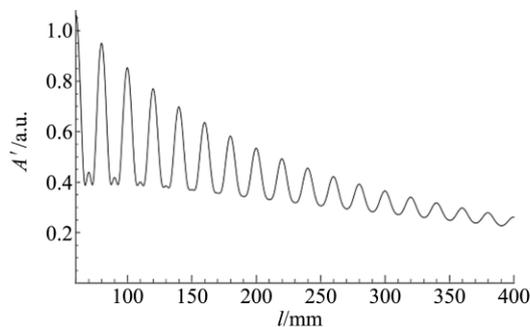


图 4 振幅相对强度与探头距离的关系(多次反射模型)

该模型与共振干涉法中接收波声压随探头距离周期性变化的现象相符, 并出现了振幅“次极大”. 然而该模型下声压极大值随距离是单调减小的, 这与水中的实验现象并不相符, 需要对该模型进行更多的修正.

2.2 液面反射模型

测量水中声速时, 换能器并非处于无限大的水域. 如图 3 所示, 其侧面和底面是水与有机玻璃水槽壁交界面, 上界面是水与空气的交界面. 换能器位于水槽中央, 声波从水槽中线发出. 由于声源距各界面的距离与水中声波波长为同一数量级, 因此需要考虑声波在各界面上的反射波对实验结果的影响.

空气声阻抗为 $425.8\text{ kg}/(\text{m}^2 \cdot \text{s})$, 有机玻璃的声阻抗为 $3.16 \times 10^6\text{ kg}/(\text{m}^2 \cdot \text{s})$ ^[14]. 由(5)式, 假设声波正入射, 计算可得上界面的反射系数

为 0.999,其余三面的反射系数为 0.362,上界面的反射更为明显. 在实验中也发现,不改变换能器的位置,仅改变液面高度,示波器上李萨如图的形状也会改变. 这一现象说明上界面的反射对本实验有很大的影响. 仅考虑声波在水与空气的交界面上发生反射并到达接收器,如图 3 所示,可以写出到达接收换能器的反射波 Y_r 为

$$Y_r(t, l) = W \exp(-\alpha \sqrt{l^2 + d^2}) A \cdot \cos \left(\omega t - 2\pi \frac{\sqrt{l^2 + d^2}}{\lambda} + \varphi_0 \right) \cos \theta, \quad (7)$$

定义 $d/2$ 为界面到换能器中轴线的距离,则

$$\cos \theta = \frac{l}{\sqrt{l^2 + d^2}}. \quad (8)$$

考虑到斜入射时有效声阻抗并不严格与正入射时相同,并且存在能量耗散,在实际实验中反射声波的影响会更小,因此取反射波的权重因子 $W = 0.9$,略小于反射系数. 由于这列波不是垂直入射于接收器表面,接收器不能完全接收该列声波,因此在最后乘以 $\cos \theta$. 于是,在仅考虑入射波和水-空气界面反射波的情况下,接收器处的声波为

$$Y'(t, l) = Y_0(t, l) + Y_r(t, l), \quad (9)$$

取 $d/2 = 50.0$ mm,其余参量同上. 采用(6)式模拟接收波振幅随接收器移动距离的关系. 由于此时并未考虑声波在换能器间的任何反射,因此所得到的模拟结果无法体现声压的周期性变化,但可以得到主极大包络线的变化趋势.

在图 5 中,在约 $l = 110$ mm 左右包络线达峰值,在 $l = 240$ mm 左右处达到谷值,随后再次增大. 与图 1(a)中主极大包络线的变化趋势相符合.

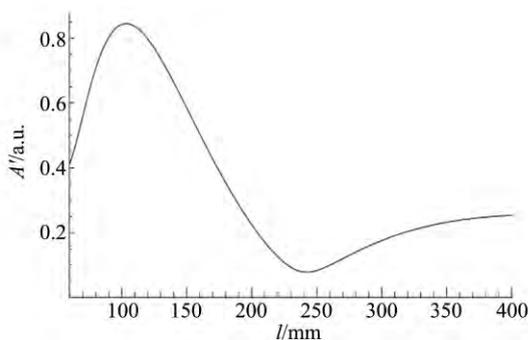


图 5 振幅相对强度与探头距离的关系(液面反射模型)

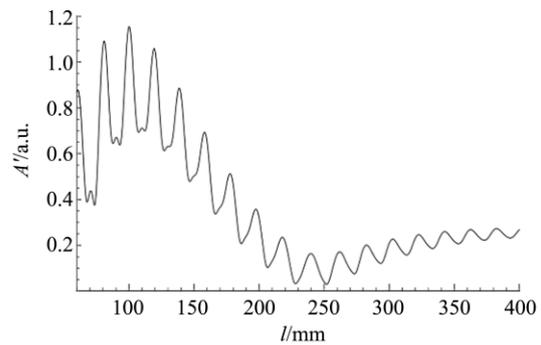
3 讨论

3.1 共振干涉法中参量 d 的影响

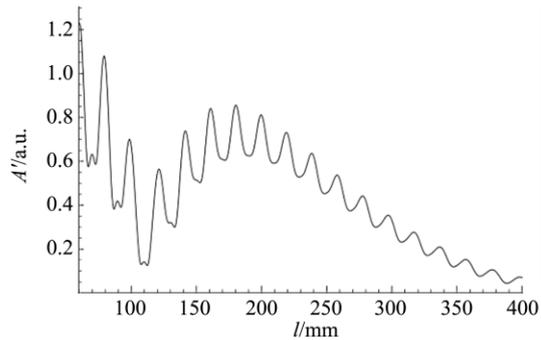
结合以上 2 种反射模型,接收器处声波为

$$Y_t(t, l) = \sum_{k=0}^2 Y_{2k}(t, l) + Y_r(t, l), \quad (10)$$

设置与前文相同的参量,令 $d/2 = 50.0$ mm,采用与(6)式类似的处理方法来模拟共振干涉法中接收波振幅随接收器位置的变化关系,如图 6(a)所示. 可知当两换能器距离较近时(小于 130 mm),两次极大值之间出现了振幅较小的“次极大”,而“主极大”振幅的包络线先增大后减小再增大,呈非单调变化,这与图 1(a)的现象一致. 此时,“主极大”包络线的谷值出现在换能器相距 250 mm 左右. 增大液面到换能器中心的距离,令 $d/2 = 65.0$ mm,如图 6(b)所示,包络线的谷值则出现在两换能器相距 125 mm 左右. 这与图 1 中包络线谷值位置随液面高度的变化趋势一致.



(a) 液面较低



(b) 液面较高

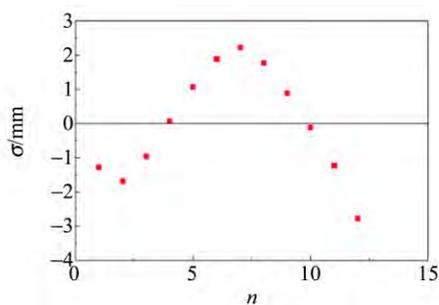
图 6 振幅相对强度与探头距离的关系(综合两种模型)

如果考察 2 次模拟中包络线谷值处初始声波 $Y_0(t, l)$ 和界面反射波 $Y_r(t, l)$ 的相位差 $\Delta\varphi$, 会发现液面较低时 $\Delta\varphi = \pi$, 液面较高时 $\Delta\varphi = 3\pi$. 从表达式看, $\Delta\varphi = 2\pi \frac{\sqrt{l^2 + d^2} - l}{\lambda}$, 即当两换能器间距 l 一定时, d 越大, $\Delta\varphi$ 越大. 这意味着水面高度的增加使得 $Y_r(t, l)$ 与 $Y_0(t, l)$ 的相位差增加. 图 6(a)中,液面较低,换能器距离 $l = 250$ mm 左右时

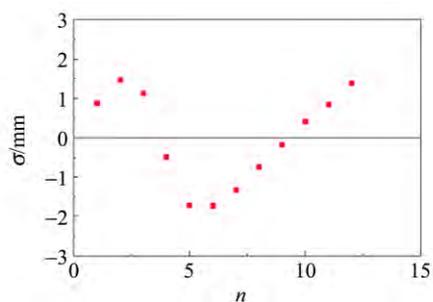
$\Delta\varphi=\pi$,正好满足相干相消条件.而当液面升高后, $\Delta\varphi$ 不再是 π ,因此图 6(b)中同一位置的接收声波变强.同时,距离 l 为 125 mm 左右处的 $\Delta\varphi$ 恰好增长至 3π ,接收声波与发射波相干相消,形成了新的包络线谷值.

3.2 相位比较法中参量 d 的影响

考察各列接收波与初始声波 $Y_0(t, l)$ 的相位差.对多次反射模型,3 列波的相位都随距离线性变化,该模型下李萨如图出现 1 次直线的位置间隔严格等于 $\lambda/2$,相位比较法不应该出现异常.但在液面反射模型中,反射波 $Y_r(t, l)$ 的相位 $\varphi_r = \omega t - 2\pi \frac{\sqrt{l^2 + d^2}}{\lambda} + \varphi_0$ 随距离 l 并不呈线性变化,相当于对接收波引入干扰相位,且干扰相位与液面高度相关,使接收波 $Y_r(t, l)$ 的相位变化比较复杂.因此,李萨如图并不能每次间隔 $\lambda/2$ 变成直线,导致实验数据的残差分布具有规律性(图 7).



(a) 液面较低



(b) 液面较高

图 7 相位比较法模拟结果的线性拟合残差图

利用 Mathematica 绘制参数方程

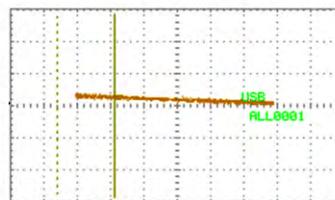
$$\begin{cases} x(t) = Y_0(t, 0) \\ y(t) = Y_r(t, l) \end{cases} \quad (11)$$

的函数图来模拟实验中的李萨如图,并考察参量 d 对相位比较法造成的影响.令 $d/2$ 取 50.0 mm 和 65.0 mm 来模拟液面较低和液面较高的不同状态,其余参量同前文.记录李萨如图呈直线时

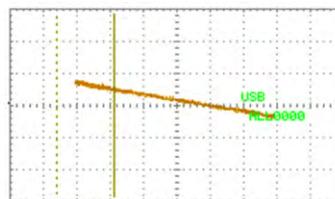
对应的距离 l ,并进行直线拟合,所得残差图如图 7 所示.当液面较低时,残差图上凸,而液面较高时,残差图下凸,这种特征与实验结果相符.

3.3 李萨如图的“多余”直线

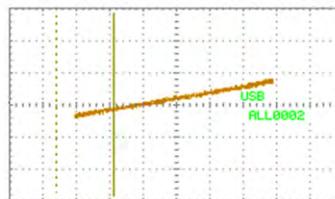
在相位比较法中,如果只考虑理想模型,每当两换能器的相位差满足 $2k\pi$ 或 $(2k+1)\pi$ 时,李萨如图都会出现直线.此时换能器每次移动的距离是 $\lambda/2$,随换能器的移动,直线的斜率左右交替.然而实验中发现,有时会在换能器移动 $\lambda/2$ 的距离内出现 1 次“多余”的直线,其倾斜方向与上一次直线相同,如图 8 所示.相似的现象在空气中也有论述,但仅发生在接收器与发射器间距为 λ 以内时,其原因可能与声波的多次反射有关^[15].在水中的实验时,这一现象仅在液面极低(水面距换能器中轴线 25.0 mm)、两换能器间距 170~200 mm 之间观察到.若增高液面,当水-空气界面高于换能器中轴线 30.0 mm 以上,该异常消失.在之前的讨论中,实验上液面较低的状态对应水面距换能器中轴线 35.0 mm,因此并未出现这一现象.



(a) $l=173.82$ mm



(b) $l=182.35$ mm



(c) $l=196.05$ mm

图 8 实验中观察到的李萨如图异常

在上面的讨论中,模拟取 $d/2=50.0$ mm 和 $d/2=65.0$ mm 时,没有观察到这一现象.而当减

小到 $d/2=40.0$ mm 时,便可观察到 1 次异常点. 如图 9 所示,当 $l=172.22$ mm 和 $l=197.01$ mm 时,李萨如图分别出现斜率为负和正的直线,两者出现的间距为 24.79 mm,略大于 $\lambda/2$. 在这 2 次位置中间,当 $l=178.38$ mm 时,李萨如图出现 1 次“多余的”直线,斜率为负,与 $l=172.22$ mm 时相同. 这一结果与图 8 的现象一致. 其原因是液面反射波中 $Y_r(t, l)$ 非线性变化的相位干扰. 随着液面增高,反射波影响减小,异常现象消失.

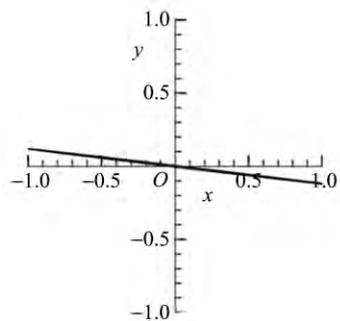
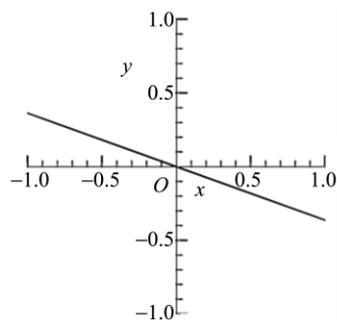
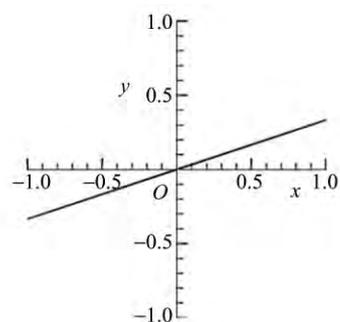
(a) $l=172.22$ mm(b) $l=178.38$ mm(c) $l=197.01$ mm

图 9 模拟结果中的李萨如图异常

4 结 论

用共振干涉法和相位比较法测量水中的声速,发现了不同于理论预期的异常现象. 考虑声波在接收和发射换能器间的多次反射,以及声波

在水-空气界面的反射,建立了实验模型,并应用 Mathematica 进行模拟. 模拟结果可以显示:共振干涉法中,两换能器间的多次反射引起了振幅“次极大”的出现. 液面反射波与正常传播的波列的相位差,决定了接收声波在特定位置上相干相长或相干相消,引起了振幅主极大的非单调变化. 这一相位差与水面高度有关,因此水深不同,相干相消的位置也不同. 由于液面反射波引入了非线性变化的干扰相位,使接收波列的相位变化更为复杂,导致了相位比较法的系统误差;当水深增加时,残差图从上凸变为下凹. 而特别的,当液面特别低时,模拟中观察到了李萨如图的“多余”直线. 本文的模型较好的解释了水中声速测量实验中的诸多现象.

参考文献:

- [1] 教育部高等学校物理学与天文学教学指导委员会 物理学类专业教学指导分委员会. 高等学校物理学本科指导性专业规范[J]. 物理与工程, 2011, 21(4): 3-26.
- [2] 沈元华, 陆申龙. 基础物理实验[M]. 北京: 高等教育出版社, 2003: 112-113.
- [3] 邓小玖, 宋勇, 高峰, 等. 声速测量实验的研究及数值模拟[J]. 物理与工程, 2006, 16(2): 24-25.
- [4] 王开圣, 赵志敏, 刘小廷. 声速测量实验原理讨论[J]. 物理实验, 2010, 30(3): 25-28.
- [5] 胡险峰. 驻波法测量声速实验的讨论[J]. 物理实验, 2007, 27(1): 3-6, 9.
- [6] 邵维科, 赵霞, 轩植华. 驻波法测量声速实验的探讨[J]. 物理实验, 2017, 37(3): 48-51.
- [7] 谢莉莎, 刘彩霞, 肖苏, 等. 能量损耗对超声声速测量影响的进一步研究[J]. 大学物理实验, 2005, 18(3): 1-3.
- [8] 韩也. 对空气声速测定实验的研究[J]. 大学物理实验, 1999, 12(4): 22-24, 77.
- [9] 赵洁, 邱菊, 崔丽彬, 等. 声速测定实验中次极大现象的次频因素定量探讨[J]. 大学物理, 2016, 35(1): 35-38.
- [10] 宋子午, 王茂香. 声速测量实验中反常现象的观察与分析[J]. 大学物理, 2018, 37(11): 41-45.
- [11] 李乐天, 关健慧, 夏柱红, 等. 驻波法测声速实验中峰值强弱交替现象的研究[J]. 物理与工程, 2016, 26(S1): 84-87.
- [12] 王晓峰, 桑恩方, 李庆波. 驻波法测声速中次极大值的理论分析[C]//全国高等学校物理基础课程教育学术研讨会论文集, 2009. (下转 49 页)

2) 当入射光是线偏振光时,其反射光将变成椭圆偏振光,且通常情况下(相对折射率 n_{12} 不大时)由于对垂直于入射面的光和平行于入射面的光之间产生的相位差小于 $\pi/2$,因此不会产生圆偏振光。

3) 当入射光是椭圆偏振光时可以进行类似的分析。

参考文献:

- [1] 张阜权,孙荣山,唐伟国. 光学[M]. 北京:北京师范大学出版社,1985.
- [2] 姚启钧. 光学教程[M]. 北京:高等教育出版社,2008:30-31.
- [3] 马建玲. 光在介质表面反射和折射时偏振态的研究[J]. 泰山学院学报,2005,27(6):67-69.

Change rule and its experimental verification of the polarization state in total reflection

XIE Yi-fan, HU Xue-ying

(Department of Physics, Beijing Normal University, Beijing 100875, China)

Abstract: The change rule of the polarization state of polarized light after total reflection was studied. The phase difference and amplitude change of s-polarized light and p-polarized light were calculated based on the Fresnel formula. An experiment was designed with linearly polarized light to verify the correctness of the theory. And a method to measure phase difference by converting light vector into light intensity was given.

Key words: total reflection; Fresnel formula; amplitude; phase difference

[责任编辑:郭伟]

(上接 45 页)

- [13] 邢键,孙晶华. 水中声速的测量[J]. 物理实验, 2011,31(1):34-35.
- [14] 马大猷,沈山豪. 声学手册[M]. 北京:科学出版社,2004:122-173.

社,2004:122-173.

- [15] 李轩,方锦江,单桂晔,等. 声波多次往返叠加对相位比较法测量声速的影响[J]. 物理实验,2018,38(4):47-51.

Modified model for experiment of measuring sound velocity in water

SHEN Yue, ZHOU Shi-yun

(Department of Physics, Fudan University, Shanghai 200433, China)

Abstract: In the experiment of measuring the sound velocity by the resonance interference method and phase comparison method, the usual model was to consider the transmitted and the reflected ultrasonic wave on the receiving transducer forming standing wave under certain conditions. However, when measuring the sound velocity in water, the experimental phenomenon did not completely agree with the model. On accounting the multiple reflections between the transmitting and receiving transducers, and the effects of the reflection at the water-air interface, a modified model was proposed, and a Mathematica simulation was performed. The results indicated that the depth of water had a great effect on the experimental phenomenon.

Key words: sound velocity measurement; standing wave; resonance interference method; phase comparison method; ultrasonic wave reflection

[责任编辑:郭伟]