用√符号选择−	一类
教 学	\checkmark
科研	
编号(由专家组填写)	

第十一届全国高校物理实验教学研讨会 本科学生物理实验论文评比表

学生姓名;	周思颖	

申报学校: __西安交通大学__

联系方式: 电话: 13720628185

QQ: <u>2276261785</u>

E-mail: __zhousyzhousy@163.com_

填表日期: 2022年 07月 02日

全国高校物理实验教学研讨会组委会制

二〇二〇年一月

	姓名	周思颖	页	性别	女	出生	年月	2001年4月				
	学校名称	、 西安交通	i大学									
	入学时间	20	19 年		毕业国	时间	2023	年				
学	学 号	21961234	187		I							
生	参评论文	: (题目.杂志名称,卷/期、页、年)										
作者	F 影											
及发	(注:论文的第一作者必须为大学本科生,且其论文研究工作是在本科生阶段完成的, 到现场答辩的为该论文的学生作者之一。)											
表	论文作者情况(按发表论文作者顺序列出) :											
有	姓名	身份	单位			1	作用/贡献					
关	周思颖	大学本科生	西安	交通大学	学动能学	:院	创意提出,论文写作					
5 物	毛胜春	指导老师	西安	交通大学	学物理学	:院	指导研究方法和实验方					
TH	高博	指导老师	西安	交通大学	学物理学	:院	方法指导和实验优化					
坯	翟立朋	指导老师	西安	交通大学	学物理学	:院	指导内容优化					
头验论 文情	物											

	指导教师姓名	毛胜春	职称	高語	级工程	星师
	对学生发表论文计	平语及论文情况说明]:			
指导教师评语	论文"眼镜月 月《物理与工程》 号 <u>特别推荐</u> 。论文 件下眼镜度数的简 提供了自主测量的 得到眼科专家的讨	度数简便测量及镜片 期刊上公开发表, 文创新性地提出利用 简便测量及镜片的面 的思路。该作品为申 人可,具有很好的推	·面型判别 2022 年 1 身边的工 型判别, 	"月月二月二月二月二月二月二月二月二月二月二月二月二月二月二月二月二月二月二月	202 1刊微 以 文 现 加 名 昭 新 一 一 一 の 络 昭 二 一 の 後 の の 名 四 二 の 名 四 二 の の 名 四 二 の ろ の の の の の の の の の の の の の	1 年 6 信公众
	指导教师(签:	名): 毛性春	202.	2年7	月一	日
学校推荐意见	(3) 走 打 负责人 (签名)	住存 成交 · 齐长 · 济南	· · · · · · · · · · · · · ·	れ年	7 月4	2 日
大会学术组专						
家 意 见	专家组组长(各	签名):		年	月	日
评比						
^结 果	理事长(签名)			年	月	日

眼镜度数简便测量及镜片面型判别

周思颖1 毛胜春2 高 博2 翟立朋2

(1西安交通大学钱学森学院;

2物理学院,大学物理国家级实验教学示范中心,陕西西安 710049)

摘要居家自主实验是疫情期间大学开展线上实验教学新的尝试和探索,眼镜度数测量及镜片面型判别是众多创新实验中的一个典型案例。眼镜度数一般是通过专业仪器测量,论文通过分析透射过眼镜的激光点位置会随眼镜的平移而移动这个现象,提出用激光笔和直尺来测量眼镜度数的居家简便测量方案。分析了激光入射角偏转对测量精度的影响并改进了实验方法,同时给出了镜片面型判别的方法。此外本文还采用Tracker视频分析软件来进一步提高测量精度,实现了居家条件下便捷准确测量眼镜度数和镜片面型的判定。

关键词 眼镜度数测量;居家自主实验;球面镜;非球面镜;Tracker

SIMPLE MEASURING GLASSES DEGREE AND DETERMINING LENS TYPE BY SIMPLE TOOLS

ZHOU Siying¹ MAO Shengchun² GAO Bo² ZHAI Lipeng²

(¹ Qian Xuesen College; ² National College Physics Experimental Teaching Demonstration Centre, School of Physics, Xi'an Jiaotong University, Xi'an, Shaanxi 710049)

Abstract Home-based experiment is one of the latest explorations of teaching online during quarantine. The experiment of measuring the degree of glasses and determining lens type by tools available at home is one of the typical examples of this innovation. The degree of glasses is traditionally measured by professional instruments. By analyzing the point position of laser which moves with the movement of the glasses when laser passes through the glasses, an simple and convenient home-based experimental method of measuring the degree of glasses with a laser pen and ruler is proposed. The influence of the laser incidence angle deflection on the measurement accuracy is analyzed, and the experimental method is improved. At the same time, a method of judging the lens type is given. In addition, Tracker, a video analysis software is used to further improve accuracy. Thus, the goal of measuring the degree of glasses and judging lens type conveniently and accurately under home condition is achieved.

Key words glasses degree measurement; home-based experiment; spherical mirror; aspherical mirror; Tracker

收稿日期: 2020-07-23; 修回日期: 2020-11-13

基金项目:高等学校教学研究项目-高物课教指字[2020]05号(DJZW202015xb);西安交通大学 2019年本科实践教学改革研究专项项目 (19SJZX23)。

通讯作者:毛胜春,女,高级工程师,主要从事物理实验的教学和研究工作,maoshengchun@xjtu.edu.cn。

引文格式:周思颖,毛胜春,高博,等.眼镜度数简便测量及镜片面型判别[J].物理与工程,2021,31(3):113-119.

Cite this article: ZHOU S Y, MAO S C, GAO B, et al. Simple measuring glasses degree and determining lens type by simple tools[J]. Physics and Engineering, 2021, 31(3): 113-119. (in Chinese)

在新冠肺炎疫情期间居家自主实验由于不受 空间与时间限制,同时实验过程中对创新能力提 升效果突出,成为线上实验教学的一大亮点。线 上居家自主实验教学中涌现出众多的创新实验方 案,眼镜度数简便测量便是其中的一例典型案例。

眼镜度数的测量是在生活中观察到当激光笔 照射在眼镜上,移动眼镜时发现透过镜片落在墙 面上的光点位置发生了明显的移动。这是由于眼 镜的镜片为透镜,当激光照射在镜片上时光线发 生偏折,镜片不同位置对光的折射不同,因此移动 眼镜时就会观察到光点的移动。对于不同度数、 不同类型的眼镜,其光点移动规律不同。这一现 象引发了我们的研究兴趣。

眼镜度数是由镜片的焦距确定。近视眼镜的 镜片为薄凹透镜,其焦距的测量方法有物距像距 法^[1,2]、自准直法^[3,4]、共轭法^[5],采用这些方法来 测量都需要有专门的仪器和实验平台才能实现。 在医院或眼镜店一般采用专业的焦度计进行眼镜 度数测量。如何利用简单的工具在家完成相关测 量呢?深入分析光学原理后,设计出采用激光笔 和尺子进行眼镜度数的测量方案,实现了居家实 验的设计与测量。

眼镜常分普通球面眼镜和非球面眼镜,非球 面眼镜镜片的表面弧度与普通球面镜片不同,从 镜片中心到周边,曲率半径会渐近变化,目的是为 了减少光学矫正镜片的象差使镜片更平,从而获 得更清晰,更薄,更轻的镜片^[6,7]。非球面眼镜由 于加工复杂,价格高,不良商家往往鱼目混珠,以 次充好。而本文通过对镜片度数变化的测量分 析,可以实现了非球面眼镜的快速辨别。

1 测量原理

激光笔中产生的激光经扩束镜和会聚透镜后,出射光束为近平行光,这样可把激光笔射出的 激光简化为一条光线。下面以近视眼镜镜片(凹 透镜)为研究对象,推导"平移眼镜"和"平移激光 笔"时的眼镜度数测量公式。

1.1 平移眼镜时眼镜度数公式推导

由几何光学成像原理^[8]可知,平行于凹透镜 主光轴的光线通过凹透镜后发散,发散光线的反 向延长线相交于焦平面上。

如图1所示,当由激光笔投射出一束激光由

B 点平行于光轴从眼镜某侧镜片入射时,光点投 射在屏幕的 A 点(其中 F 为镜片的焦点),向下平 移眼镜激光照射在镜片的另一侧,投射在屏幕的 A_1 点,由 $△FF_1O$ 与 $△OAA_1$ 相似可得如下关 系式。

$$\frac{f}{H} = \frac{L_1}{L}$$

式中,H 为眼镜到屏幕的距离,L₁为眼镜移动距离,L 为屏幕上激光点移动距离AA₁,f 为眼镜镜 片的焦距。



图 1 平移眼镜时光路示意图

从而得到眼镜镜片焦距的大小为

$$f = \frac{L_1 H}{L}$$

则眼镜镜片的屈光度和度数^[9]分别为

$$D_{1} = \frac{1}{f} = \frac{L}{L_{1}H}$$
$$D = 100D_{1} = \frac{100L}{L_{1}H}$$
(1)

1.2 平移激光笔时公式推导

如图 2 所示,当由激光笔投射出一束激光由 B 点平行于光轴从眼镜某侧镜片入射时,光点投 射在屏幕的 A 点,平移激光笔激光将照射在另一 侧,投射在屏幕的 A₁点,由相似关系可得眼镜镜 片焦距的大小。

$$f = \frac{L_1 H}{L - L_1}$$

从而得到眼镜镜片的屈光度和度数分别为

$$D_{1} = \frac{1}{f} = \frac{L - L_{1}}{L_{1}H}$$
$$D = \frac{100(L - L_{1})}{L_{1}H}$$
(2)

由上述光路原理可看出,当眼镜到屏幕的距



图 2 平移激光笔时光路示意图

离一定,眼镜与激光笔相对平移距离相等时,平移 激光笔时激光光点移动距离更大,相当于激光光 点多移动了激光笔移动的距离。

2 简易测量方案及误差分析

2.1 简易测量方案

由平移眼镜时和平移激光笔时推导出的眼镜 度数公式可得出,测量出眼镜到屏幕的距离 H、眼 镜移动距离(或激光笔移动距离)L₁、屏幕上激光点 移动距离L,就能计算出眼镜的度数。因此,我们 设计了用1支激光笔和1把卷尺(或直尺)实现测 量眼镜度数的简易方案,如图3所示:将激光笔和 卷尺放置在一个平整的桌上,被测眼镜放置在它们 中间。从眼镜镜片的一侧平移眼镜或激光笔到另 一侧,读取卷尺上的前后两次光斑刻度,眼镜移动 距离(或激光笔移动距离)和眼镜镜片的边沿宽度, 即可由公式(1)或公式(2)计算出眼镜的度数。实 验中被测红色边框眼镜(图3)左眼镜片度数为150 度,左眼镜片度数为200度。



图 3 简易测量工具

2.2 简易测量方法实验数据处理 当平移眼镜时,平移距离 L₁为 46.0mm 时测

得激光点移动距离 L 为 30.3mm。当平移激光笔时,平移距离 L_1 为 46.0mm 时测得激光点移动距离 L 为 80.5mm。测得眼镜到屏距离 H 为 461.0mm。

平移眼镜时,由式(1),可算出眼镜左侧镜片 的度数为

$$D = \frac{100L}{L_1 H} = 142.9$$

与眼镜店给出的标准值 150 度相比,粗略计 算其绝对测量误差为

$$\Delta D = |D_1 - D_{\pm}| = 7.1$$

相对百分误差为:

$$E_r = \frac{\Delta D}{D_{tr}} \times 100\% = 4.7\%$$

平移激光笔时,由式(2),可算出眼镜左侧镜 片的度数为

$$D = \frac{100(L - L_1)}{L_1 H} = 162.7$$

粗略计算绝对测量误差为

$$\Delta D = |D_1 - D_{\pm}| = 12.7$$

相对百分误差为

$$E_r = \frac{\Delta D}{D_{ti}} \times 100\% = 8.5\%$$

2.3 简易测量方法的误差分析

由实验可看出,两种方案测量误差都偏大,特 别是平移激光笔时测量误差较大,分析可能造成 较大误差的原因如下:

1) 手持着激光笔晃动,引起读数不准;

2) 激光光点较粗,光强较大,读数存在一定 误差;

3)移动激光笔时难以保持前后两束光线平 行光轴;

 4) 平移眼镜时,虽能确保前后两束光平行, 但仍无法保证眼镜严格平行移动;

5) 平移眼镜或激光笔时,如果光束与镜面主 光轴不平行也会引起误差;

6)如果镜片安装不对称,测量时光束与镜面 光轴成一定角度引起误差。

这里 1~4 项为随机误差,可以通过实验的巧 妙设计及多次测量来减小; 5、6 项为系统误差,均 是由于光束与镜面主光轴不平行引起的误差,对 于第 5 项可以通过计算加以修正,第 6 项与眼镜 片的安装有关,需要具体分析,两者误差的计算方 法是类似的。第5项系统误差的简要分析如下:

假设两束平行光斜向入射镜片(即入射光与 主光轴存在一个很小的角度),图4给出了平行光 束斜入射光路示意图。

由图 4 可以看出,两平行光束斜向入射交于 焦平面于 c d 两点,交眼镜镜片于 a b 两点,投射 于屏幕 $A A_1 点 A_1$ 与 $A_1 b$ 两线反向延长线交 于焦平面上一点。



图 4 两平行光束斜入射时光路示意图

由相似性可得

$$\frac{f}{H} = \frac{L_1'}{L}$$

式中,H、f、L都没有变化,Q L_1 变为 L'_1 , $mL'_1 = \frac{L_1}{\cos(\lambda)}$,式中 λ 为入射角。

由此可得出,当两束平行光斜向入射时,需将 L₁修正为L₁,导致L₁实验值偏小,进而使测量结 果偏大,当入射角较小时,L₁≈L₁对测量精度影 响较小。

3 测量方案改进及分析

3.1 测量方案

针对上述简易方案存在的不足,我们将实验 方案进行了改进,测试方法如图 5 所示。将两直 尺用双面胶带平行固定粘于桌面,激光笔垂直底 边粘于三角板上,卷尺放置于桌面的左侧,中间的 直尺用于固定眼镜平行放置的位置,右侧直尺用 来保证三角板的平行移动。这种设计不仅便于读 数,而且能够保证激光笔平行移动,使移动前后两 束光线平行。



图 5 改进方案所用器材及测试光路

由于"平移眼镜"时眼镜的移动距离不便于测量,后续实验我们均采用平移激光笔进行实验。

具体测量步骤如下:

 1)量取左侧直尺右边沿到卷尺的距离 H,并 紧靠左侧直尺右边沿放置被测眼镜;

 2)打开激光笔,平移三角板到镜片的一侧, 记录三角架零刻度在直尺上的刻度 a₁,并记录激 光点在卷尺上的刻度 b₁;

3) 平移三角板到镜片的另一侧,记录三角架 零刻度在直尺上的刻度 a₂,并记录激光点在卷尺 上的刻度 b₂;

4) 计算激光笔移动距离 $L_1 = |a_1 - a_2|$ (移动距离可取定值),卷尺上激光点移动距离 $L = |b_1 - b_2|$,由式(2)计算眼镜的度数。

3.2 测量眼镜度数

采用改进后的测量方案,对被测红色边框眼 镜进行了多次测量。测量结果如表1所示。

表1 红色边框眼镜测量数据(单位 mm)

				H =	1.277n	n L_1	=40mm
实验次数	1	2	3	4	5	6	平均值
左侧镜片 光点移动 距离 <i>L</i> /mm	117.5	118.0	119.5	119.7	117.0	120.0	118.6
右侧镜片 光点移动 距离 <i>L</i> /mm	141.0	142.7	138.0	138.2	140.0	140.6	140.1

综合考虑测量数据 $H_{L}L_{1}$ 对测量结果的影 响,根据误差与数据处理的理论计算^[10]可算出眼镜 左侧、右侧镜片的度数分别为 154 ± 3 度和 196 ± 4 度,相对不确定度分别为 1.9%和 2.0%,与眼镜 店给出的标准值(150 度、200 度)的相对误差分别 为2.7%和2.0%。

此外,还对另外两副眼镜的度数进行了测量,

一副为黑色边框眼镜(左眼 200 度,右眼 150 度), 另一副为橘色边框眼镜(左眼 150 度,右眼 100 度)在测量黑色边框眼镜时,发现激光笔每次移动 相等的距离时,激光光点移动距离变化较大,经分 析可能是由于黑色边框眼镜镜片是非球面的。为 了避免非球面镜的影响,选取镜片中间区域 L_1 = 10mm的距离进行多次测量,数据如表 2 所示;橘 色边框眼镜较红色眼镜框窄一些,取 L_1 =30mm 的距离进行多次测量,数据如表 3 所示。

表 2 黑色边框眼镜测量数据(单位 mm)

H = 1.277 m $L_1 = 10 \text{mm}$

实验次数	1	2	3	4	5	6	平均值
左眼镜片 光点移动 距离 L/mm	36.0	35.8	36.4	36.5	36.0	35.7	36.1
右眼镜片 光点移动 距离 <i>L</i> /mm	29.5	30.2	30.0	29.5	29.6	29.0	29.6

表 3 橘色边框眼镜测量数据(单位 mm)

				H =	1.277 m	L_1	=30mm
实验次数	1	2	3	4	5	6	平均值
左眼镜片 光点移动 距离 L/mm	90.0	88.5	90.5	89.5	90.5	88.5	89.6
右眼镜片 光点移动 距离 <i>L</i> /mm	71.0	70.0	70.5	71.0	69.0	69.5	70.2

计算得到黑色边框眼镜左眼、右眼镜片的度 数分别为 204±4 度和 153±4 度,相对不确定度 分别为 2.0%和 2.6%,相对误差均为 2.0%。

同理计算得到橘色边框眼镜左眼、右眼镜片 的度数分别为 156±3 度和 105±3 度,相对不确 定度分别为 1.9%和 2.9%,相对误差分别为 4% 和 5%。

从实验可以看出,方案改进后测量误差明显 减小。

3.3 镜片面型判别

在测量三种眼镜的过程中,黑框眼镜的边缘 对光的散射明显不同于光轴附近的区域,与另外 两种眼镜对光的偏折现象存在很大差别,为此对 三种镜片进行了分段测量,实验数据如表4、表5、 表6所示。

表 4 红色边框眼镜测量数据(单位 mm)

 $H = 1.277 \,\mathrm{m}$

实验镜片	左镜(左向右	移动)	右镜	(左向右	移动)
激光笔平移 距离 L ₁ /mm	10.0	10.0	10.0	10.0	10.0	10.0
激光光点移动 距离 L/mm	30.0	29.2	29.5	35.4	35.0	34.9
镜片度数	156.6	150.4	152.7	198.9	195.8	195.0

表 5 黑色边框眼镜测量数据(单位 mm)

实验镜片	左镜(左向右	移动)	右镜	(左向右	ī移动)	
激光笔平移 距离 L ₁ /mm	10.0	10.0	10.0	10.0	10.0	10.0	
激光光点移动 距离 <i>L</i> /mm	30.0	36.0	39.0	34.0	32.0	22.0	
镜片度数	156.7	203.6	227.1	187.9	172.3	94.0	

表 6 橘色边框眼镜测量数据(单位 mm)

H	=1	.27	7m

实验镜片	左镜(左向右	移动)	右镜	(左向右	移动)	
激光笔平移 距离 L_1/mm	10.0	10.0	10.0	10.0	10.0	10.0	
激光光点移动 距离 <i>L</i> /mm	30.2	29.5	30.3	23.5	24.0	23.5	
镜片度数	158.2	152.7	159.0	105.7	109.6	105.7	

根据眼镜度数计算在不同位置测量的眼镜度 数的样本标准偏差。

平均度数:

$$\overline{X} = \frac{X_1 + X_2 + X_3}{3}$$

样本标准偏差:

$$S = \sqrt{\frac{1}{N-1} \sum_{i=1}^{N} (X_i - \overline{X})^2}$$

其中 X 为样本的均值。由此求出红色边框眼镜 左、右平均度数值分别为 153 度和 197 度;样本偏 差分别为 3 度和 2 度。

同理计算黑红色边框眼镜左、右平均度数值 分别为196度和151度;样本偏差分别为36度和 50度。 同样地计算橘色边框眼镜左、右平均度数值 分别为156度和107度;样本偏差分别为3度和 2度。

从实验结果可以看到黑色镜片的两侧可测量 度数与中间的测量度数相差很大导致样本标准偏 差很大,相对偏差最低都在18%以上,对比前述实 验相同实验条件下相对测量偏差小于5%的结果, 说明黑框眼镜镜片屈光度不均匀,可以判定其镜 片为非球面,而红色边框眼镜和橘色边框眼镜度 数分布基本均匀,相对测量偏差均小于5%,可以 判定其镜片为球面。

4 采用 Tracker 软件减小激光点距离测量误差

改进后的测量方案可以有效地保证激光笔在 测量过程中平行移动,同时实现激光笔平移距离 L₁及眼镜到直尺的距离 H 的准确测量,但由于激 光光点较大、读数时需要根据光点能量中心进行 目视估计,同时由于光点强度较强、光点刺眼(见 图 6)等问题都会引起读数的误差,导致最终计算 结果出现一定误差。为此采用 Tracker 软件来对 拍摄的激光光点在卷尺上移动的位置视频进行分 析^[11-13],实现光点位置的准确测量。



图 6 投射到卷尺上的激光点

将拍摄的实验视频导入到 Tracker 软件中,

通过菜单栏"轨迹→新建→质点"创建两个质点对 象,拖动圆圈边缘使其完全包含激光点,另一个质 点对象对准卷尺附近的刻度线(也可建立定标 杆),记录 Tracker 软件给出的激光点移动距离的 X 轴坐标值和标尺的X 轴坐标值,由激光点移动 距离的X 轴坐标值与标尺X 轴坐标值之比乘以 标尺的值,可计算出激光点移动距离。以红色边 框眼镜为例,采用 Tracker 软件重新进行了一组 测量,其实验数据如表7 所示。

测量得到左眼、右眼镜片光点移动距离平均 值为117.8mm、141.4mm,计算得到红色边框眼镜 左侧、右侧镜片的度数分别为152.3±1.2度和 198.5±1.5度;相对测量误差分别为0.8%、 0.7%;百分误差分别为1.3%和0.5%,测量误差 进一步减小。

5 结语

通过分析"激光照射在眼镜上,移动眼镜时光 点会移动"的实验现象,设计出利用一支激光笔和 一把尺子简便测量眼镜度数的方法。通过改进可 以实现专业仪器测量的精度,同时利用此方案还 实现了镜片类型的判断。

居家自主实验要求学生在充分弄懂实验原理 的基础上精心设计实验方案,充分利用手边的材 料与工具,结合现有的手机软件加上精巧的设计, 可以完成许多实验室才能完成的内容。实验过程 充分调动了学生自主探究的学习热情,培养学生 独立思考和积极创新的能力,可大幅提高学生的 动手能力以及对未知领域探索的兴趣。居家自主 实验是疫情时期的一种线上教学的探索,实践证 明居家实验对于丰富教学手段,提高实验教学质

表 7 红色边框眼镜的 Tracker 软件测量数据

					11	-1.2//m	
 实验次数	1	2	3	4	5	6	平均值
左镜两侧激光点 X 轴距离(pixel)	1212.6	1213.2	1211.2	1211.8	1210.4	1213.8	1212.2
12cm 标尺 X 轴距离(pixel)	1234.1	1235.0	1234.6	1233.6	1234.4	1235.2	1234.5
左侧镜片激光点移动距离 L(mm)	117.9	117.8	117.7	117.9	117.7	117.9	117.8
右镜两侧激光点 X 轴距离(pixel)	1459.7	1454.1	1452.6	1454.8	1451.3	1454.3	1454.5
14cm 标尺 X 轴距离(pixel)	1439.9	1440.4	1439.4	1439.4	1439.8	1439.1	1439.7
右侧镜片激光点移动距离 L/mm	141.9	141.3	141.3	141.5	141.1	141.5	141.4

(C)1994-2021 China Academic Journal Electronic Publishing House. All rights reserved. http://www.cnki.net

量,培养学生自主创新能力意义重大,是实验教学 方法的创新,值得我们进一步研究。

参考文献

[1] 邱彩虹.物距像距法在凹透镜焦距测量中的成像原理与数据 分析[J].大学物理实验,2017,30(2):123-124.

QIU C H. Theoretical analysis and study on measuring the focus of concave lens by object image distance method[J]. Physical Experiment of College, 2017,30(2): 123-124. (in Chinese)

[2] 徐红,刘竹琴,石延梅.物距-像距法测凹透镜焦距时再次成 实象的讨论[J].延安大学学报(自然科学版),2005,24(3): 41-42.

XU H, LIU Z Q, SHI Y M. Discussion on the real imaging again when measuring the focal length of concave lens by object distance image distance method[J]. Journal of Yanan University (Natural Science Edition), 2005,24(3): 41-42. (in Chinese)

- [3] 廖立新.四透镜焦距测量自准直法的改进[J].吉首大学学报 (自然科学版),2015,36(4):30-32.
 LIAOLX. Measurement of the focal length of the concave lens by improved autocollimation method[J]. Journal of Jishou University(Natural Science Edition), 2015, 36(4): 30-32. (in Chinese)
- [4] 任占梅.自准直法测量凹透镜焦距的实验技巧[J].内江科技,2005(2):42.
 REN Z M. Experimental skill of measuring focal length of

concave lens by auto-collimation method[J]. Neijiang Keji, 2005(2): 42. (in Chinese)

[5] 刘辉旭,陈浏冰,曹文赋,等.利用共轭法测凹透镜的焦距实验探究[J].大学物理实验,2019(5):16-19.
LIU H X, CHEN L B, CAO W F, et al. Experimental study on measuring the focal length of concave lens by conjugate method[J]. Physical Experiment of College,

(上接第 112 页)

LIANG Y G, TIAN C L, SU W Y, et al.. Application of reverse engineering and 3D printing technology and the precision analysis[J]. Die & Mould Industry, 2018, 6, 1001-2168(2018)06-0022-05. (in Chinese)

- [33] 陈志茹,夏承东,李龙,等. 3D 打印材料[J]. 金属世界, 2018, 5: 15-18.
 CHEN Z R, XIA C D, LI L, et al.. 3D Printing Materials
 [J]. Metal World 2018, 5: 15-18. (in Chinese)
- [34] Conner B P, Manogharan G P, Martof A N, et al. Making sense of 3-D printing. Creating a map of additive manufacturing products and services[J]. Additive Manufacturing, 2014, 1-4: 64-76.
- [35] 赵松. 激光能量密度對高分子粉末材料 SLS 成型質量的影響[J]. 塑料工业, 2019, 12: 53-57.
 ZHAO S. Effect of laser energy density on Selective Laser

2019(5):16-19. (in Chinese)

[6] 吴柳庭.什么是非球面镜片[J].中国眼镜科技杂志, 2007(11):109-110.

WU L T. What are aspherical lens[J]. Chinese Journal of glasses science and technology, 2007(11): 109-110. (in Chinese)

[7] 刘莹莹.非球面镜片的优点与鉴别[J].中国眼镜科技杂志, 2016(1):140-141.

LIU Y Y. The advantages and identification of aspherical lens[J]. Chinese Journal of glasses science and technology, 2016(1): 140-141. (in Chinese)

- [8] 张三慧.大学物理学(光学、量子物理)[M].北京:清华大学出版社,2008.
- [9] GB 17341—1998,光学和光学仪器 焦度计[S].北京:中国标 准出版社,1998.
- [10] 王红理,俞晓红,肖国宏.大学物理实验[M].2版.西安:西 安交通大学出版社,2018.
- [11] 高寒,张黔,谢媛,等.Tracker 软件在三线摆测量刚体转动 惯量实验中的应用[J].学科探索,2017(2):67-63,137 GAO H, ZHANG Q, XIE Y, et al. The application of Tracker for the rotational inertia of rigid bodies using three-line pendulum[J]. Disciplines Exploration, 2017(2): 67-63,137. (in Chinese)
- [12] 吴志山.让真实定量、定格——Tracker 软件在物理教学中的应用[J].物理教师,2012(7):53-54.
 WU Z S. Let reality quantify and freeze the frame—Application of Tracker in physics teaching[J]. Physics Teacher, 2012(7): 53-54. (in Chinese)
- [13] 丁晓彬,董晨钟,基于 2D 开源视频分析和建模软件 Tracker 研究抛体运动实验[J].大学物理,2012.31(7):34-36.
 DING X B, DONG C Z. Application of the open source video analysis and modeling software tracker to the projectile motion[J]. College Physics, 2012, 31(7): 34-36. (in Chinese)

Sintering molding quality of polymer powder materials[J]. China Plastics Industry, 2019, 12: 53-57. (in Chinese)

- [36] 黄忠,韩江. 金属 3D 打印技术的发展现状及制约因素[J]. 山东农业工程学院学报, 2018, 3: 40-43.
 HUANG Z, HAN J. Development status and constraints of metal 3D printing technology[J]. The Journal of Shandong Agriculture and Engineering University, 2018, 3: 40-43. (in Chinese)
- [37] JIN W, CHAN H K, ZHONG Z. Shape-anisotropy-induced ordered packings in cylindrical confinement [J].
 Physical Review Letters, 2020, 124: 248002.
- [38] JIN W, WANG Y, CHAN H K, et al. Confinement-induced columnar crystals of ellipses[J]. Physical Review Research, 2021, 3: 013053.